

Lời giải.

Hai phương trình được gọi là tương đương khi có cùng tập hợp nghiệm.

Chọn đáp án **C** □

Câu 9. Tập nghiệm của phương trình $\frac{1}{x-1} - \frac{1}{x-2} = 2$ là

- A. $S = \left\{2; \frac{1}{4}\right\}$. B. $S = \left\{\frac{1}{4}\right\}$. C. $S = \{2\}$. D. $S = \emptyset$.

Lời giải.

Điều kiện: $x \neq 1$ và $x \neq 2$. Khi đó

$$\frac{1}{x-1} - \frac{1}{x-2} = 2 \Leftrightarrow (x-2) - (x-1) = 2(x-1)(x-2) \Leftrightarrow 2x^2 - 6x + 5 = 0.$$

Vì $\Delta = 6^2 - 4 \cdot 2 \cdot 5 = -4 < 0$ nên phương trình trên vô nghiệm.

Chọn đáp án **D** □

Câu 10. Phương trình nào sau đây tương đương với phương trình $x^2 - 9 = 0$?

- A. $\sqrt{x^2 - 5} = 2$. B. $(x-3)(x^2 + 4x + 3) = 0$.
 C. $x^2 - 6x + 9 = 0$. D. $(x+3)(x^2 - 4x + 3) = 0$.

Lời giải.

Ta có $x^2 - 9 = 0 \Leftrightarrow x^2 = 9 \Leftrightarrow x = \pm 3$. Do đó phương trình có tập nghiệm là $S = \{3; -3\}$.

Xét phương trình $\sqrt{x^2 - 5} = 2$, ta có $\sqrt{x^2 - 5} = 2 \Leftrightarrow x^2 - 5 = 4 \Leftrightarrow x^2 = 9 \Leftrightarrow x = \pm 3$.

Vậy chọn đáp án A.

Chọn đáp án **A** □

Câu 11. Điều kiện xác định của phương trình $\frac{\sqrt{x-2}}{x^2 - 4x + 3} - \frac{7x}{\sqrt{7-2x}} = 5x$ là

- A. $x \in \left[2; \frac{7}{2}\right] \setminus \{3\}$. B. $x \in \mathbb{R} \setminus \left\{1; 3; \frac{7}{2}\right\}$. C. $x \in \left[2; \frac{7}{2}\right)$. D. $x \in \left[2; \frac{7}{2}\right) \setminus \{3\}$.

Lời giải.

$$\text{Điều kiện xác định: } \begin{cases} x^2 - 4x + 3 \neq 0 \\ x - 2 \geq 0 \\ 7 - 2x > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \neq 3 \\ x \neq 1 \\ x \geq 2 \\ x < \frac{7}{2} \end{cases} \Leftrightarrow x \in \left[2; \frac{7}{2}\right) \setminus \{3\}.$$

Chọn đáp án **D** □

Câu 12. Giá trị m để $x = 2$ là một nghiệm của phương trình $x^2 - 2mx + 2 + m = 0$ là

- A. $m = 1$. B. $m = -1$. C. $m = 2$. D. $m = -2$.

Lời giải.

Thay $x = 2$ vào phương trình $x^2 - 2mx + 2 + m = 0$ ta được:

$$2^2 - 2m \cdot 2 + 2 + m = 0 \Leftrightarrow m = 2.$$

Chọn đáp án **C** □

Câu 13. Cặp số $(x; y)$ nào dưới đây là nghiệm của phương trình $x - 3y = 5$?

- A. $(1; 2)$. B. $(-1; 2)$. C. $(1; -2)$. D. $(-1; -2)$.

Lời giải.

Cặp số $(x; y)$ là nghiệm của phương trình $x - 3y = 5$ nếu thay lần lượt các giá trị x và y vào phương trình thì $x - 3y = 5$.

Thay cặp số $(-1; -2)$ vào phương trình, ta được $(-1) - 3 \cdot (-2) = 5$.

Chọn đáp án **D** □

Câu 14. Tập nghiệm S của phương trình $\sqrt{1-x} = 2$ là

- A. $S = \{5\}$. B. $S = \{0\}$. C. $S = -3$. D. $S = \{-3\}$.

Lời giải.

Ta có: $\sqrt{1-x} = 2 \Leftrightarrow 1-x = 4 \Leftrightarrow x = -3$.

Vậy $S = \{-3\}$.

Chọn đáp án **D** □

Câu 20. Hệ phương trình $\begin{cases} x^2 - 2y^2 = 2x + y \\ y^2 - 2x^2 = 2y + x \end{cases}$ có nghiệm $(x; y)$ là
 A. $(0; 0), (1; 1)$. B. $(0; 0), (-3; -3)$. C. $(-3; -3), (1; 1)$. D. $(0; 0), (-1; -1)$.

Lời giải.

Trừ từng vế các phương trình của hệ ta được

$$3x^2 - 3y^2 = x - y \Leftrightarrow (x - y)(3x + 3y - 1) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x - y = 0 \\ 3x + 3y - 1 = 0 \end{cases}$$

Kết hợp với hệ phương trình ta có:

$$\begin{cases} x = y \\ x^2 - 2y^2 = 2x + y \\ 3x + 3y - 1 = 0 \\ x^2 - 2y^2 = 2x + y \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = y \\ x^2 + 3x = 0 \\ y = \frac{1 - 3x}{3} \\ 9x^2 - 3x + 5 = 0(VN) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ y = 0 \\ x = -3 \\ y = -3 \end{cases}$$

Vậy hệ phương trình đã cho có 2 nghiệm $(0; 0), (-3; -3)$.

Chọn đáp án **(B)** □

Câu 21. Phương trình $x(x^2 - 1)\sqrt{x - 1} = 0$ có bao nhiêu nghiệm?

A. 0. B. 1. C. 2. D. 3.

Lời giải.

Điều kiện $x - 1 \geq 0 \Leftrightarrow x \geq 1$.

$$\text{Phương trình } x(x^2 - 1)\sqrt{x - 1} = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x^2 - 1 = 0 \\ \sqrt{x - 1} = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \pm 1 \\ x = 1 \end{cases}$$

Đối chiếu điều kiện, ta được nghiệm của phương trình đã cho là $x = 1$.

Vậy phương trình đã cho có nghiệm duy nhất.

Chọn đáp án **(B)** □

Câu 22. Tập hợp các giá trị của m để phương trình $x^2 + mx - m + 1 = 0$ có hai nghiệm trái dấu là

A. $(1; 10)$. B. $[1; +\infty)$. C. $(1; +\infty)$. D. $(-2 + \sqrt{8}; +\infty)$.

Lời giải.

Phương trình $x^2 + mx - m + 1 = 0$ có hai nghiệm trái dấu khi và chỉ khi

$$ac < 0 \Leftrightarrow -m + 1 < 0 \Leftrightarrow m > 1.$$

Khi đó, ta có $m \in (1; +\infty)$.

Chọn đáp án **(C)** □

Câu 23. Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số m thuộc đoạn $[-10; 10]$ để phương trình

$$(m^2 - 9)x = 3m(m - 3)$$

có nghiệm duy nhất.

A. 3. B. 19. C. 20. D. 18.

Lời giải.

Phương trình đã cho có nghiệm duy nhất khi $m^2 - 9 \neq 0 \Leftrightarrow m \neq \pm 3$.

Vì $\begin{cases} m \in [-10; 10] \\ m \in \mathbb{Z} \end{cases}$ nên có 19 giá trị của tham số m thỏa mãn yêu cầu bài toán.

Chọn đáp án **(B)** □

Câu 24. Với giá trị nào của a thì hệ phương trình $\begin{cases} x + y = 1 \\ x - y = 2a - 1 \end{cases}$ có nghiệm $(x; y)$ duy nhất thỏa mãn

$x < y$?

A. $a > \frac{1}{2}$. B. $a > -\frac{1}{2}$. C. $a < -\frac{1}{2}$. D. $a < \frac{1}{2}$.

Lời giải.

